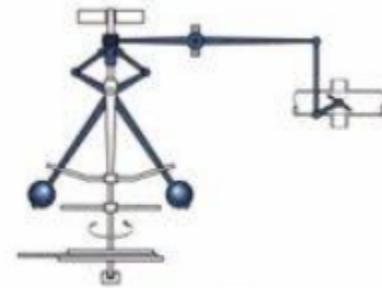


# Controle Dinâmico

## - MA x MF -



Prof. Adolfo Bauchspiess  
ENE/UnB

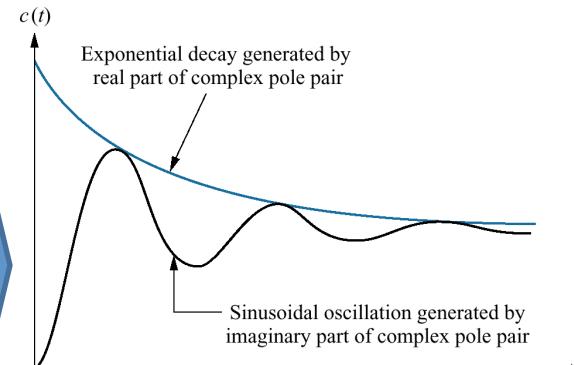
# Sistemas de Controle

## Estudo de um Sistema Físico

- Modelamento Físico
- Formulação Matemática
- Análise Dinâmica



$$G(s) = \frac{s + b}{s^3 + 2\alpha Ts + 1}$$



# Alguns Sistemas de Controle:



## Telecomunicações

Orientação de satélites e antenas



# Robótica



Soldagem Laser & Selagem

# Controle de Processos

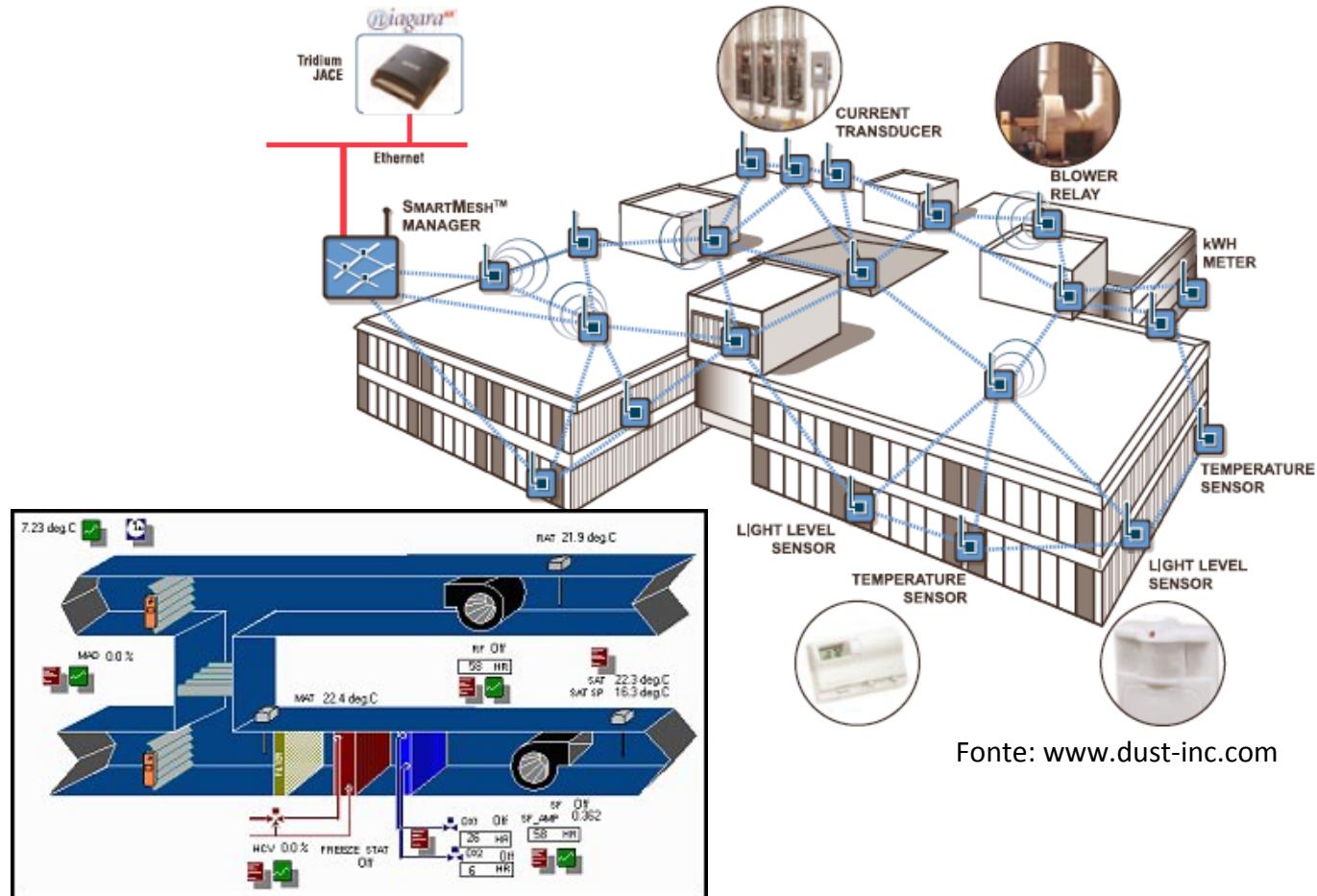
SCADA

Supervisory  
Control  
and  
Data  
Acquisition



# Automação Predial

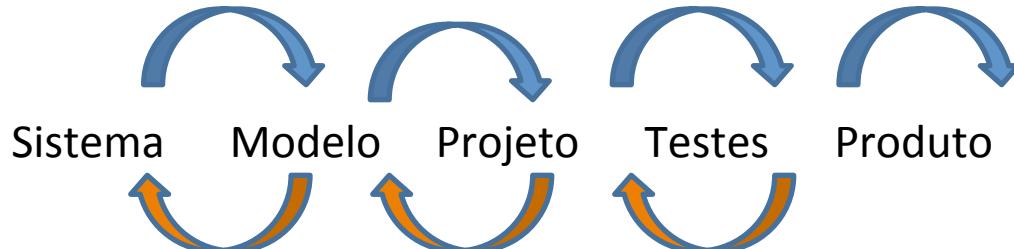
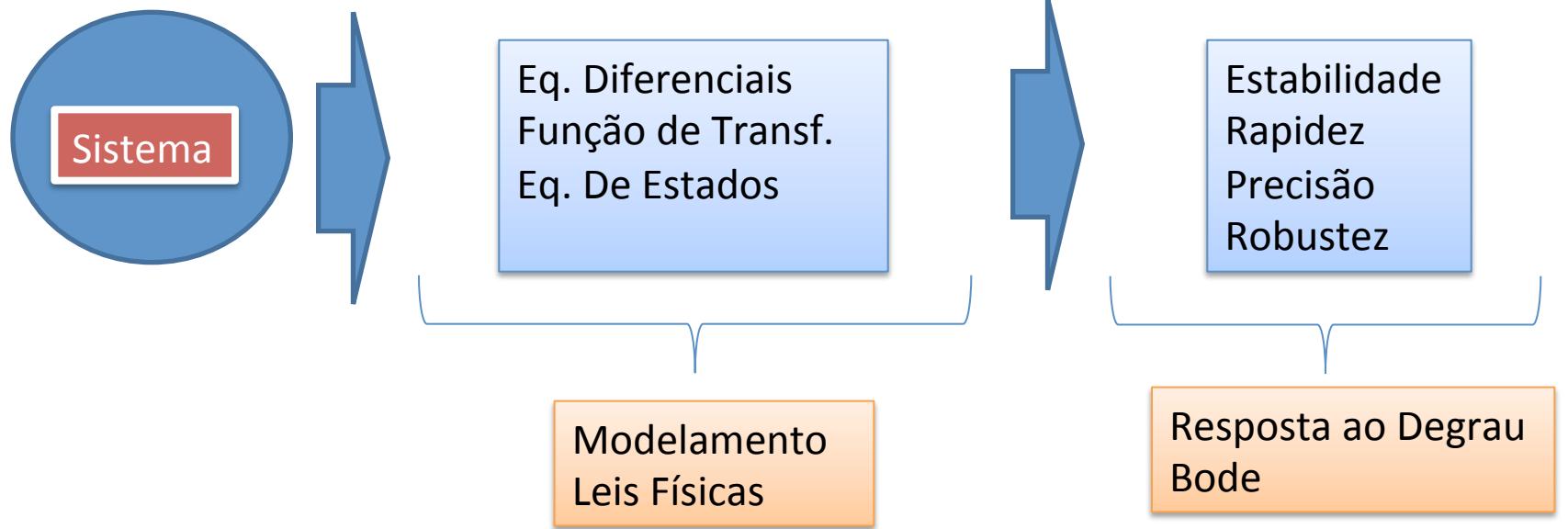
## Building Automation: Energy Management



Fonte: [www.dust-inc.com](http://www.dust-inc.com)

Conforto Térmico  
Segurança  
Racionalização de Energia

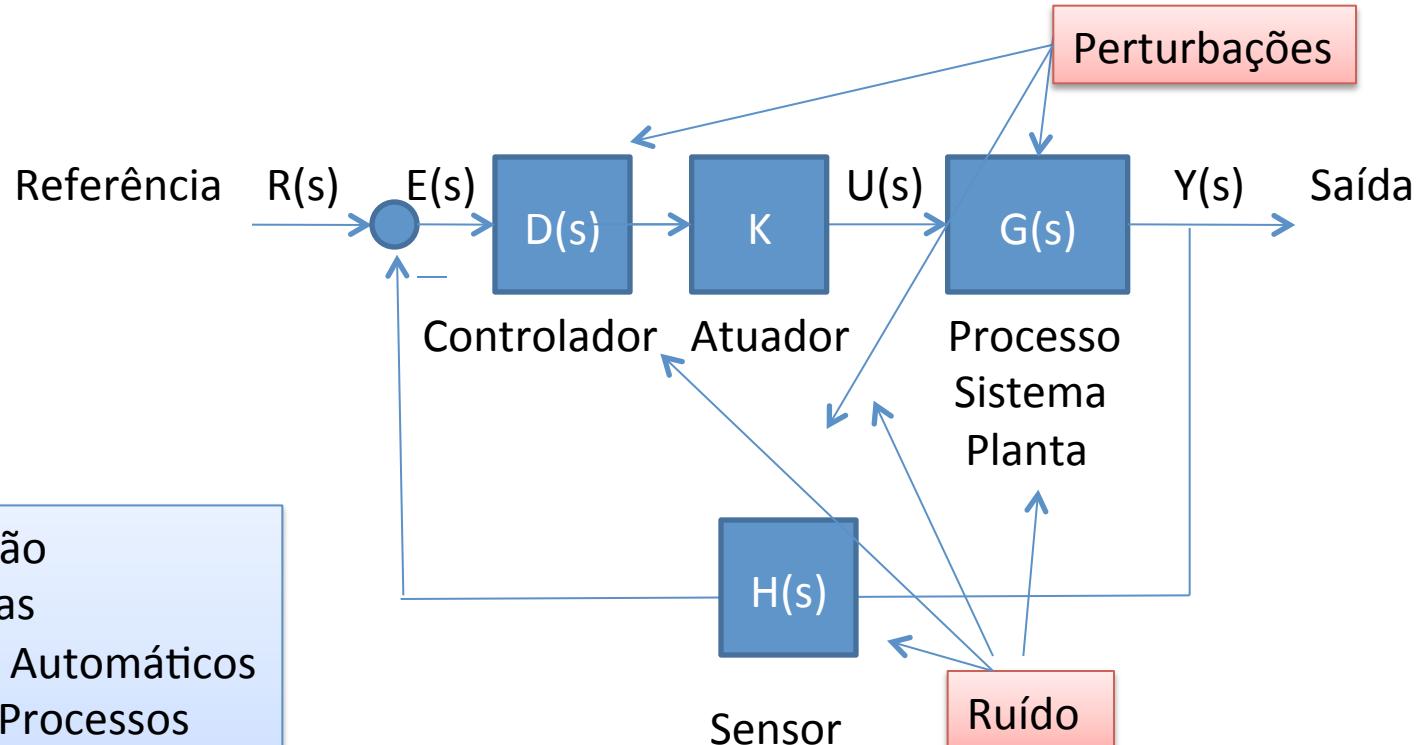
# Projeto de Controladores



Síntese é um  
Processo  
Iterativo !!

# Alguns Termos Técnicos

(Jargão da Área)



Realimentação  
Servosistemas  
Reguladores Automáticos  
Controle de Processos  
Controle Adaptativo  
Controle Robusto  
Controle Digital  
Controle Inteligente

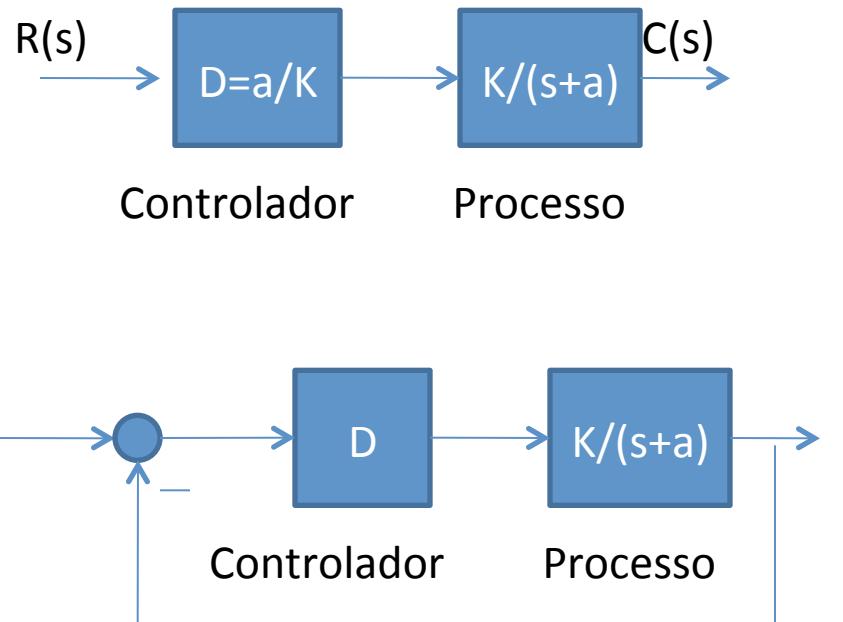
(Controle em Malha Fechada)

# Teoria da Realimentação

Qual esquema de controle é  
melhor, MA ou MF?

Critérios:

1. Sensibilidade à variação de parâmetros
2. Rejeição de Perturbações
3. Acompanhamento de Sinais



# 1- Sensibilidade

$$S_{F:P} = \lim_{\Delta P \rightarrow 0} \frac{\text{Variação \% de } F}{\text{Variação \% de } P}$$

*F*- Função  
*P*- Parâmetro

$$S_{F:P} = \lim_{\Delta P \rightarrow 0} \frac{\Delta F / F}{\Delta P / P}$$

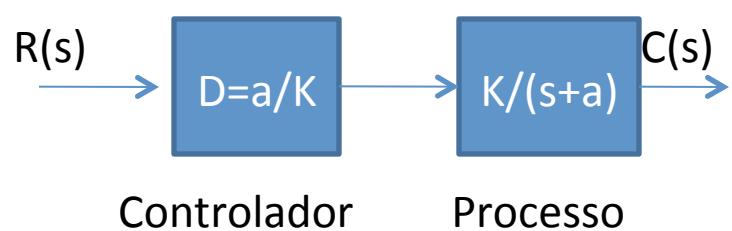
$$S_{F:P} = \lim_{\Delta P \rightarrow 0} \frac{P}{F} \frac{\Delta F}{\Delta P} \quad \rightarrow$$

$$S_{F:P} = \frac{P}{F} \frac{\partial F}{\partial P}$$

*Sensibilidade da função F em relação a variações do parâmetro P*

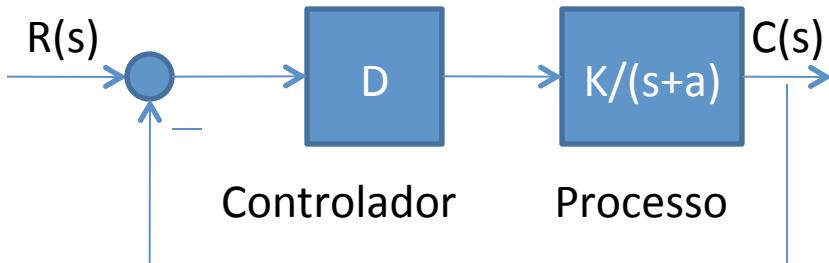
$$S_{F:P} = \frac{P}{F} \frac{\partial F}{\partial P}$$

# Exemplo: MA x MF



$$F_{MA} = \frac{DK}{s + a}$$

$$S_{F_{MA}:K} = \frac{K}{DK} \frac{D}{s + a} = 1$$



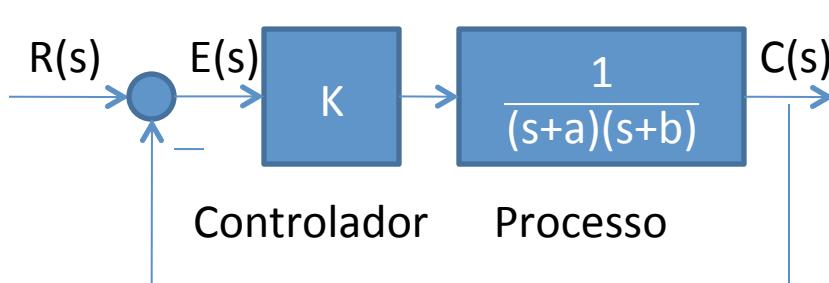
$$F_{MF} = \frac{DK}{1 + \frac{s + a}{DK}} = \frac{DK}{s + a + DK}$$

$$S_{F_{MF}:K} = \frac{K}{DK} \frac{D(s + a + DK) - DDK}{(s + a + DK)^2} = \frac{s + a}{s + a + DK}$$

$DK$  = Ganho de Malha

- Se  $DK \uparrow \rightarrow S \downarrow$
- e.g.  $DK=99a \rightarrow S=0,01$
- 1% de variação em  $K$   
 $\rightarrow 0,01\%$  de var. em  $F$

# Sensibilidade do erro( $\infty$ ) com entrada degrau



$$K_p = K/ab$$

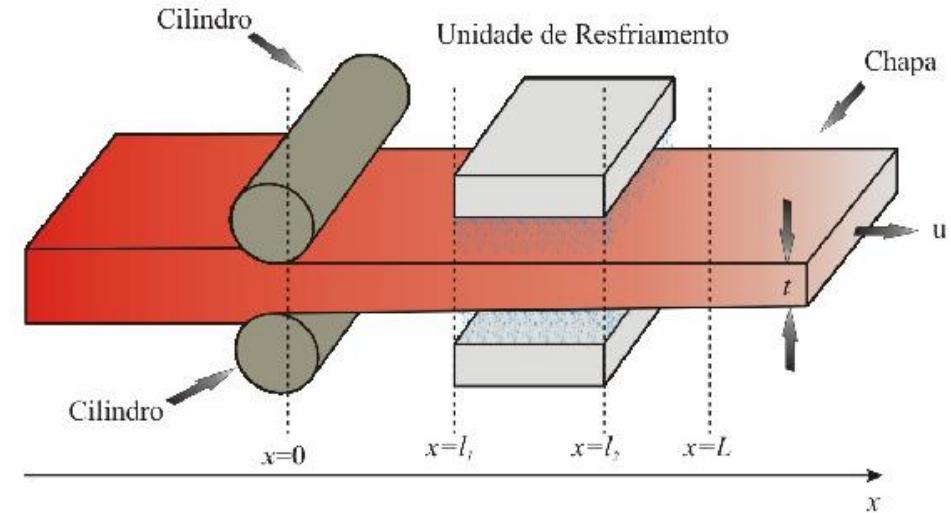
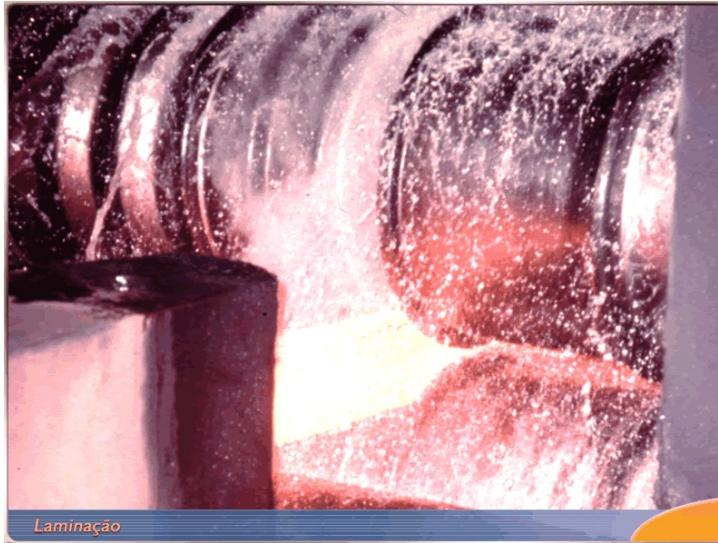
$$e(\infty) = \frac{1}{1 + K_p} = \frac{1}{1 + \frac{K}{ab}} = \frac{ab}{ab + K}$$

$$S_{e(\infty):a} = \frac{a}{e} \frac{\partial e}{\partial a} = \frac{a}{ab} \frac{b(ab + K) - bab}{(ab + K)^2} = \frac{K}{ab + K}$$

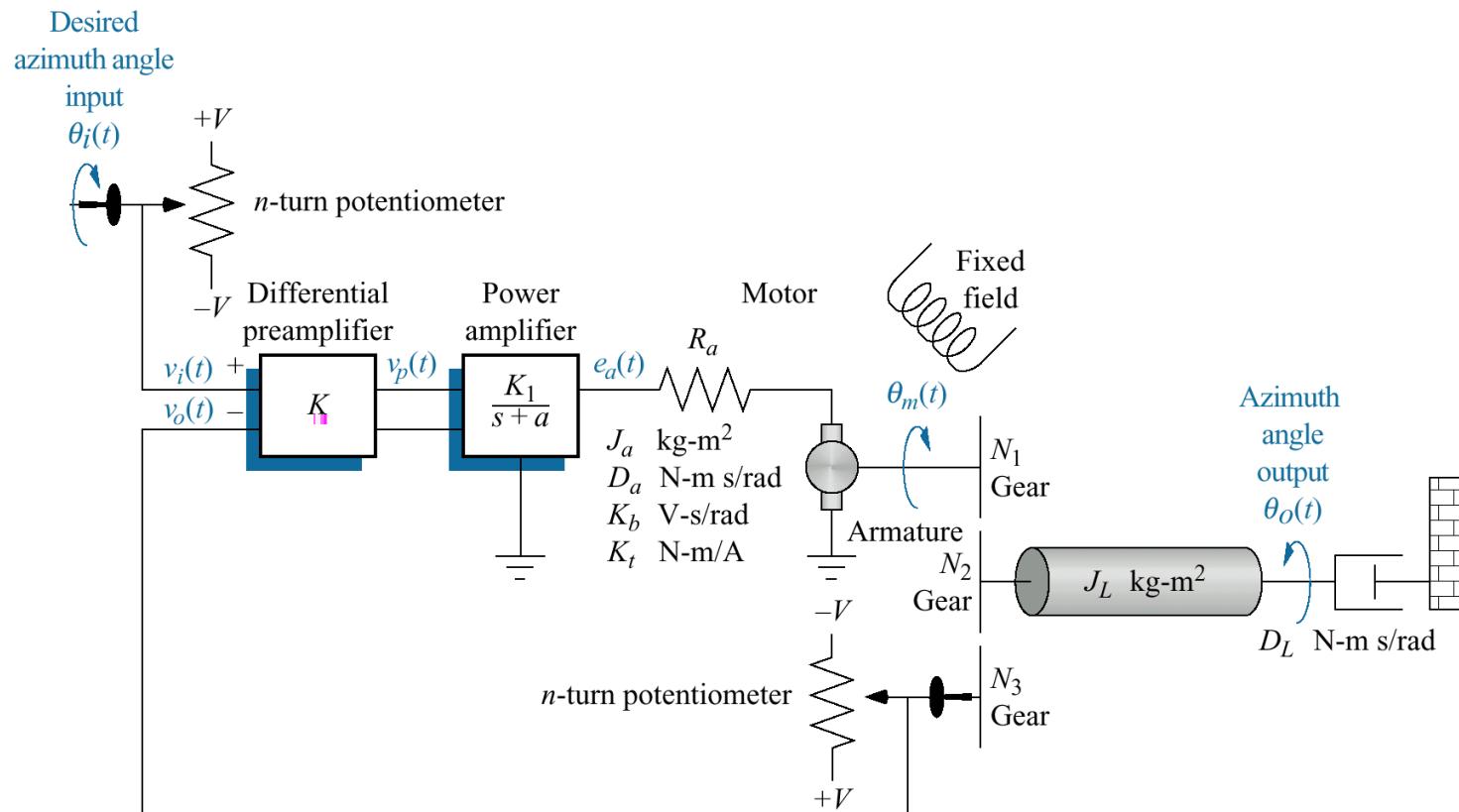
$$S_{e(\infty):K} = \frac{K}{e} \frac{\partial e}{\partial K} = \frac{K}{ab} \frac{-ab}{(ab + K)^2} = \frac{-K}{ab + K}$$

# 2 – Rejeição de Perturbações (MA x MF)

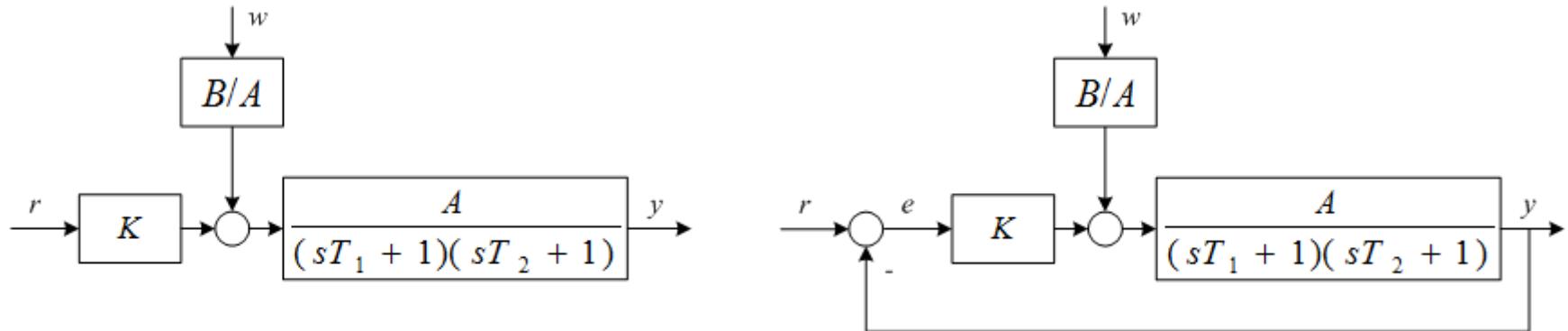
Laminação a quente



# Motor CC em MF



# Rejeição de Perturbações (MA x MF)



$$Y(s) = \frac{A}{(sT_1 + 1)(sT_2 + 1)} V_a(s) + \frac{B}{(sT_1 + 1)(sT_2 + 1)} W(s) \quad v_a = K(r - y)$$

Controlador Proporcional  $K = 1/A$

$$y_{ss} = Av_a + Bw = AKr + Bw$$

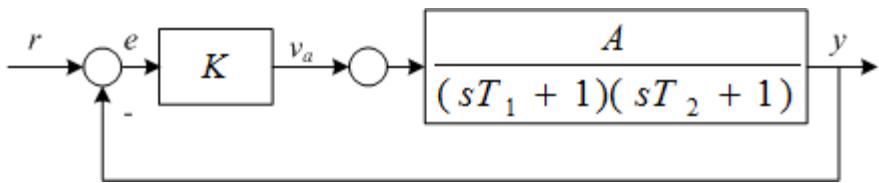
$$y_{ss} = r + Bw$$

$$Y(s) = \frac{AKR(s) + BW(s)}{(sT_1 + 1)(sT_2 + 1) + AK}$$

$$y_{ss} = \frac{AK}{1+AK}r + \frac{B}{1+AK}w$$

# Acompanhamento de Sinais (MA x MF)

Se o sistema é lento  
 MA → novo projeto  
 MF → ajuste da resposta dinâmica



*eq. caracteristica*

$$T_1 T_2 s^2 + (T_1 + T_2)s + 1 + AK = 0$$

$$s = \frac{-(T_1 + T_2) \pm \sqrt{(T_1 + T_2)^2 - 4T_1 T_2(1 + AK)}}{2T_1 T_2}$$

